

Pascal Bigot

**Professeur en BTS au lycée Marie Curie
(Nogent-sur-Oise)**

Richard Mauduit

**Professeur en BTS au lycée Robert
Schuman (Le Havre)**

Eric Wenner

**Professeur en BTS au lycée Robert
Schuman (Le Havre)**

Mécanique des fluides en 20 fiches

2^e édition

DUNOD

Le pictogramme qui figure ci-contre mérite une explication. Son objet est d'alerter le lecteur sur la menace que représente pour l'avenir de l'écrit, particulièrement dans le domaine de l'édition technique et universitaire, le développement massif du photocopillage.

Le Code de la propriété intellectuelle du 1^{er} juillet 1992 interdit en effet expressément la photocopie à usage collectif sans autorisation des ayants droit. Or, cette pratique s'est généralisée dans les établissements

d'enseignement supérieur, provoquant une baisse brutale des achats de livres et de revues, au point que la possibilité même pour les auteurs de créer des œuvres nouvelles et de les faire éditer correctement est aujourd'hui menacée.

Nous rappelons donc que toute reproduction, partielle ou totale, de la présente publication est interdite sans autorisation de l'auteur, de son éditeur ou du Centre français d'exploitation du

droit de copie (CFC, 20, rue des Grands-Augustins, 75006 Paris).



© Dunod, Paris, 2011, 2015

5 rue Laromiguière, Paris 5^e

www.dunod.com

ISBN 978-2-10-073770-3

Le Code de la propriété intellectuelle n'autorisant, aux termes de l'article L. 122-5, 2^o et 3^o a), d'une part, que les « copies ou reproductions strictement réservées à l'usage privé du copiste et non destinées à une utilisation collective » et, d'autre part, que les analyses et les courtes citations dans un but d'exemple et d'illustration, « toute représentation ou reproduction intégrale ou partielle faite sans le consentement de l'auteur ou de ses ayants droit ou ayants cause est illicite » (art. L. 122-4).

Cette représentation ou reproduction, par quelque procédé que ce soit, constituerait donc une contrefaçon sanctionnée par les articles L. 335-2 et suivants du Code de la propriété intellectuelle.

Table des matières

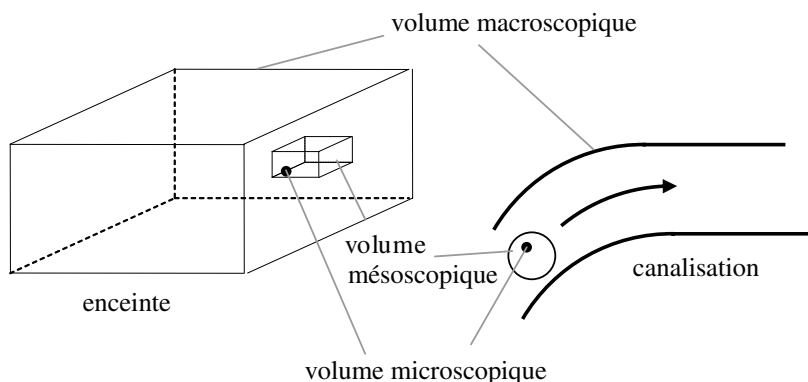
Fiche 1	Généralités sur les fluides – pression	7
Fiche 2	Fluides gazeux	13
Fiche 3	Relation fondamentale de la statique des fluides	20
Fiche 4	Pression atmosphérique	28
Fiche 5	Mesures de pression	34
Fiche 6	Forces de pression : poussée sur une paroi	43
Fiche 7	Forces de pression : poussée d'Archimède	51
Fiche 8	Tension superficielle et tensiométrie	59
Fiche 9	Écoulement des fluides parfaits	68
Fiche 10	Mesures de débit	77
Fiche 11	Mesures de vitesse	85
Fiche 12	Viscosité et viscosimétrie	92
Fiche 13	Rhéologie	100
Fiche 14	Calculs de perte de charge	107
Fiche 15	Les pompes	116
Fiche 16	Les turbines hydrauliques	128
Fiche 17	Le théorème de Bernoulli généralisé	136
Fiche 18	Le théorème d'Euler	145
Fiche 19	Dynamique des fluides compressibles	153
Fiche 20	Théorème d'Hugoniot	161

Généralités sur les fluides – pression

I Les fluides

• Grandeurs mésoscopiques

En mécanique des fluides, les grandeurs définies le sont pour des volumes mésoscopiques (encore appelés éléments de fluides), **intermédiaires entre le volume microscopique et le volume macroscopique**.



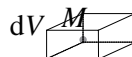
Une grandeur définie sur un volume microscopique ne concerne que trop peu de particules et n'est donc pas continue.

Une grandeur définie sur un volume macroscopique ne permet pas de rendre compte des variations de cette grandeur à l'intérieur de ce volume.

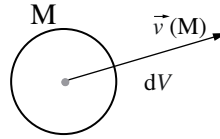
Exemples de grandeurs définies au niveau mésoscopique

$$\text{masse volumique (en } M) = \frac{dm}{dV}$$

avec dm = masse de l'ensemble des particules dans le volume dV .



$\vec{v}$ (M) = moyenne des vecteurs vitesses des particules contenues dans le volume dV



- **Différence solide/fluide**

Dans un solide, les particules sont rigidement liées les unes aux autres, contrairement à un fluide : **fluides = liquides et gaz.**

- **Différence liquide/gaz**

Au niveau macroscopique, contrairement à un liquide, un gaz occupe toujours l'ensemble du volume qui lui est proposé.

Au niveau microscopique, contrairement à un gaz, les particules d'un liquide sont très proches.

D'autre part, liquides et gaz diffèrent par l'ordre de grandeur :

- de leur masse volumique (en moyenne 1 000 fois supérieure pour un liquide),
- de leur aptitude à subir une variation de volume à température constante (en moyenne 100 000 fois supérieure pour un gaz).

- **Grandeurs usuelles**

Pression P en un point : voir II.

Température T : grandeur qui traduit le degré d'agitation des particules

Volume V : partie de l'espace occupée.

- **Masse volumique ρ (« rhô ») :** $\rho = \frac{m}{V}$ avec m = masse de fluide occupant le volume V .

- **Densité d :** $d = \frac{m}{m_R}$ avec m = masse de fluide occupant le volume V .
et m_R = masse d'un corps R de référence occupant le même volume V .

Le corps de référence est l'eau pour les liquides et l'air pour les gaz.

On a aussi : $d = \frac{\rho}{\rho_R}$ avec ρ_R = masse volumique du corps R .

- **Fluides incompressibles et compressibles**

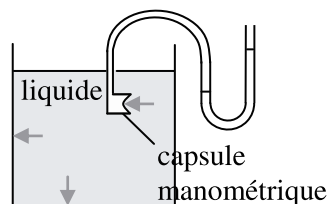
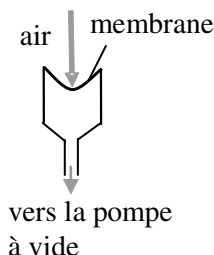
Un fluide incompressible est tel que sa masse volumique reste la même en tout point : **les liquides peuvent être considérés comme incompressibles.**

Un fluide compressible est tel que sa masse volumique peut varier d'un point à l'autre : **les gaz peuvent être considérés comme compressibles.**

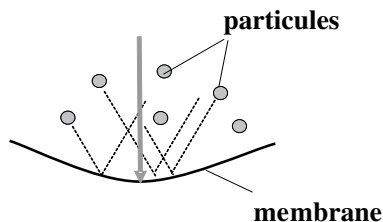
II Pression en un point d'un fluide au repos

• Forces pressantes

Les fluides exercent des forces de contact qui sont des forces pressantes (ou forces de pression).



Interprétation microscopique :

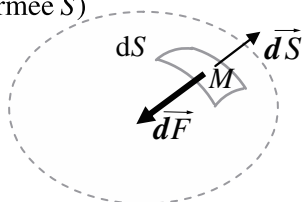


La force de pression résultante est principalement due aux chocs des particules

Par raison de symétrie, une force de pression est localement normale à l'élément de surface sur lequel elle s'exerce (la viscosité n'intervenant pas pour un fluide au repos).

• Pression absolue en un point

(surface fermée S)



La pression p_M au point M est définie

telle que : $d\vec{F} = -p_M \cdot d\vec{S}$

on a alors : $p_M = \frac{dF}{dS}$

N

m²

Unité S.I. : le Pascal (Pa)

Si on isole dans un fluide un volume V fictif délimité par une surface S fermée, les particules extérieures à V exercent sur une surface élémentaire dS (centrée sur le point M) de S la force pressante $d\vec{F}$ normale (pour un fluide au repos) à dS .

« pression » = « $\frac{\text{force}}{\text{surface}}$ » ; « force » = « pression $\times$ surface »

Autres unités utilisées

- le bar : $1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$
- l'atmosphère (atm) : $1 \text{ atm} = 1,013 \cdot 10^5 \text{ Pa} = 1,013 \text{ bar}$
- le millimètre de mercure (mm de Hg) $760 \text{ mm de Hg} = 1 \text{ atm}$
- le mètre colonne d'eau (m CE) $10 \text{ m CE} = 1 \text{ bar}$

• Pression relative (ou effective) en un point

La pression relative p_{rel} (M) en un point M est telle que :

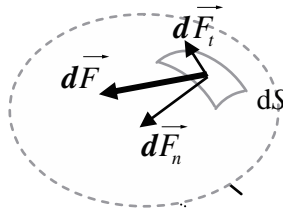
$$p_{\text{rel}}(M) = p_M - p_{\text{atm}}$$

avec p_{atm} = pression atmosphérique (elle peut varier !).

La présence d'atmosphère fait qu'elle contribue à la pression exercée ; la pression relative correspond donc à la pression exercée par le fluide seul.

• Cas d'un fluide en mouvement

Dans ce cas, la force pressante $d\vec{F}$ n'est plus forcément normale à dS , en particulier si le fluide est visqueux.

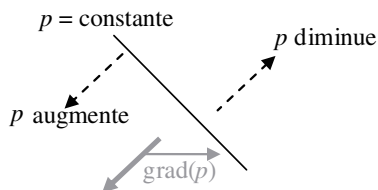


$d\vec{F} = d\vec{F}_n$ (composante normale) + $d\vec{F}_t$ (composante tangentielle)

La pression en M est telle que : $p_M = \frac{dF_n}{dS}$

• Gradient de pression

C'est le vecteur $\vec{\text{grad}}(p) = \left(\frac{\partial p}{\partial x}\right)_{y,z} \vec{u}_x + \left(\frac{\partial p}{\partial y}\right)_{x,z} \vec{u}_y + \left(\frac{\partial p}{\partial z}\right)_{x,y} \vec{u}_z$

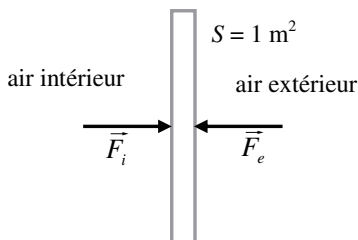


(en coordonnées cartésiennes) ; il permet d'indiquer localement comment varie la pression. Ce vecteur est perpendiculaire à une surface isobare.

Force pressante exercée par l'air atmosphérique

Calculez la force exercée de part et d'autre sur 1 m^2 de vitre ; on supposera que la pression atmosphérique est la même de chaque côté et égale à 1 bar.

Solution



$F_e = F_i = p_{\text{atm}} \cdot S = 10^5 \times 1 = 10^5 \text{ N}$
C'est environ le poids d'une masse de 10^4 kg (10 tonnes).

Tout se passe comme si un éléphant tenait verticalement sur chaque côté de la vitre.
 $S = 1 \text{ m}^2$

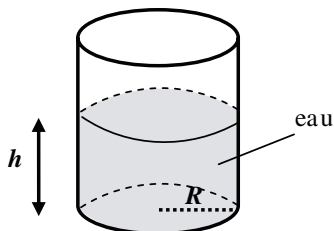
Pression au fond d'un réacteur

Un réacteur cylindrique à fond plat, de rayon $R = 20 \text{ cm}$ et de hauteur $H = 50 \text{ cm}$, contient 35 L d'eau.

1. Calculez la hauteur h d'eau dans le réacteur.
2. Calculez la force exercée par l'eau sur le fond du réacteur.
3. Calculez la pression relative, en Pascal puis en mmCE, exercée par l'eau sur le fond du réacteur (trouvez deux méthodes).

Données : $\rho_{\text{eau}} = 1\,000 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$; $g = 9,81 \text{ N} \cdot \text{kg}^{-1}$

Solution



$$\begin{aligned} 1. \text{ Volume d'eau } & V = (\pi \cdot R^2) \cdot h \\ 35 \cdot 10^{-3} &= \pi \cdot (0,2)^2 \cdot h \\ h &= 0,278 \text{ m} = \mathbf{27,8 \text{ cm}} \end{aligned}$$

2. Soit F_{eau} = valeur de la force exercée par l'eau $F_{\text{eau}} = m_{\text{eau}} \cdot g$ (poids de l'eau)
 $= \rho_{\text{eau}} \cdot V \cdot g = 10^3 \times 35 \times 10^{-3} \times 9,81 = \mathbf{343 \text{ N}}$

3. Première méthode

$$P_{\text{relative}} \text{ de l'eau} = \frac{F_{\text{eau}}}{\pi \cdot R^2} = 2\,730 \text{ Pa} (= 278 \text{ mmCE})$$

Deuxième méthode

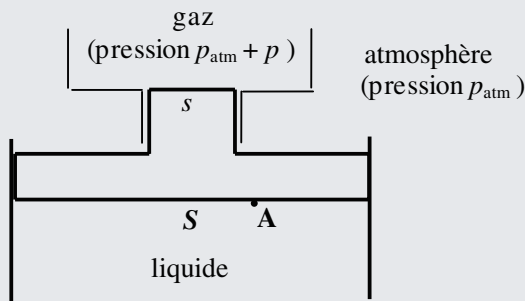
Soit F_{air} = valeur de la force exercée par l'air

$$\text{pression de l'eau} = \frac{F_{\text{eau}} + F_{\text{air}}}{\pi \cdot R^2} = \frac{F_{\text{eau}} + (\pi \cdot R^2) \cdot p_{\text{atm}}}{\pi \cdot R^2} = \frac{F_{\text{eau}}}{\pi \cdot R^2} + p_{\text{atm}}$$

$$P_{\text{relative}} \text{ de l'eau} = \text{pression de l'eau} - p_{\text{atm}} = \frac{F_{\text{eau}}}{\pi \cdot R^2} = 2\,730 \text{ Pa}$$

Pression exercée par un piston

On considère le dispositif suivant :



Le piston est caractérisé par des sections S et s , et une masse m ; déterminez l'expression de la pression au point A.

Solution

$$p_A = \frac{\text{force}}{\text{surface}}$$

La force F exercée sur la surface S de liquide est telle que :

$$F = p_{\text{atm}} \cdot (S - s) + (p_{\text{atm}} + p) \cdot s + m \cdot g$$

(force due à l'atmosphère) + (force due au gaz) + (force due au piston)

$$F = p_{\text{atm}} \cdot S + p \cdot s + m \cdot g$$

$$\text{donc } p_A = \frac{p_{\text{atm}} \cdot S + p \cdot s + m \cdot g}{S} = p_{\text{atm}} + \frac{p \cdot s + m \cdot g}{S}$$